

## Tema 2-2: Los números decimales

- \* En 1585 un matemático belga (Simon Stevin) propuso representar cantidades menores que la unidad dividiéndola en décimas, centésimas, milésimas, ... Por ejemplo:

$$32 + \frac{4}{10} + \frac{5}{100} + \frac{7}{1000}$$

- \* La expresión decimal surge de generalizar a potencias negativas de 10 la expresión conocida en base 10.

$$32 + \frac{4}{10} + \frac{5}{100} + \frac{7}{1000} = 32,457$$

donde

$$32,457 = 3 \times 10^1 + 2 \times 10^0 + 4 \times 10^{-1} + 5 \times 10^{-2} + 7 \times 10^{-3}$$

## Tema 2-2: Los números decimales

- \* Números decimales con expresión finita: fracciones decimales.

Una **fracción decimal** es una fracción que es equivalente a otra **cuyo denominador es una potencia de 10**.

- \* Ejemplo:  $3/4$  es una fracción decimal porque es equivalente a  $75/100$ .
- \* Una fracción decimal tiene expresión decimal **finita**.

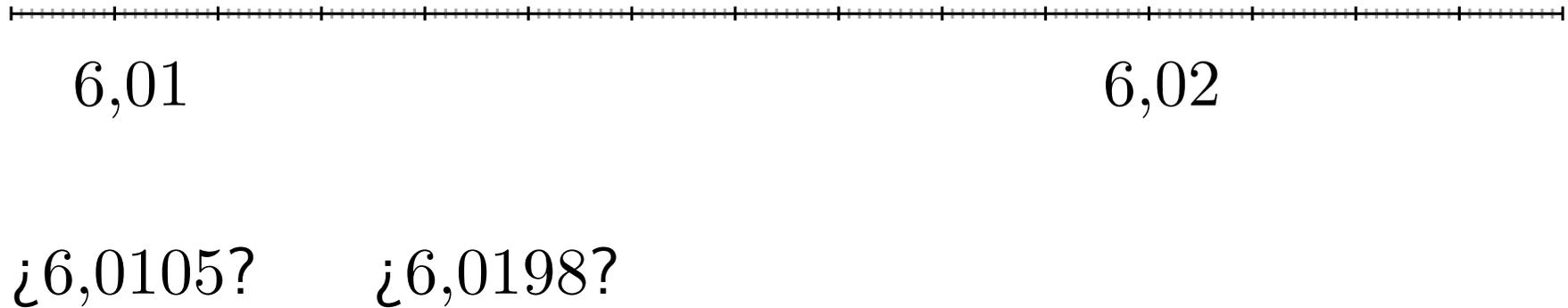
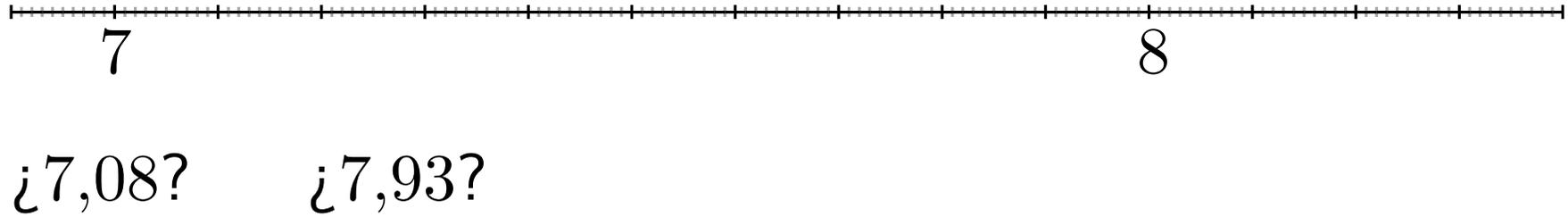
$$\text{a) } \frac{3}{4} = \frac{75}{100} = 0,75$$

$$\text{b) } \frac{17}{20} =$$

- \* Un número decimal **finito** siempre se puede expresar como una **fracción decimal**.

$$\text{a) } 0,3 = \quad \text{b) } 0,217 =$$

# Los decimales en la recta numérica



# Números decimales

\* Repaso de la aritmética elemental con números decimales.

1. Los algoritmos de suma y resta son análogos a los algoritmos para números naturales.

2. La división:  $17,3 \div 4$        $17,3 \div 0,4$

3. La multiplicación:  $7,3 \times 0,4$

\* También con números decimales el cálculo mental es instructivo. Por ejemplo:

a)  $2,3 \div 0,1$       b)  $4 \div 0,2$       c)  $27 \times 0,01$

# Fracciones no decimales

- \* ¿Cómo podemos expresar en forma decimal una fracción como  $1/3$ ?

$$\begin{aligned}\frac{1}{3} &= \frac{3}{10} + \frac{1}{30} \\ &= \frac{3}{10} + \frac{3}{100} + \frac{1}{300} \\ &= \frac{3}{10} + \frac{3}{100} + \frac{3}{1000} + \frac{1}{3000}\end{aligned}$$

- \* **Ejercicio:** Estudia la relación entre esto y el conocido algoritmo

$$\begin{array}{r|l} 1 & 3 \\ 10 & \hline 10 & 0.333 \\ & 10 \\ & 10 \\ & 1 \end{array}$$

- \* La fracción  $1/3$  tiene una expresión

decimal infinita (periódica):  $\frac{1}{3} = 0,3333\dots = 0,\overline{3}$

# Números racionales con expresión infinita

- \* Muchos números racionales no admiten una expresión como número decimal con un número finito de decimales.

Ejemplo:  $1/3$ ,  $2/7$ ,  $4/9$ , ...

- \* A la expresión  $0,333 \dots$  se le llama **número decimal periódico**, y se denota  $0,\overline{3}$ .

- \* En un número decimal con expresión periódica, toda la parte decimal puede ser periódica

$$0,\overline{376} = 0,376376376 \dots \quad \text{decimal periódico puro}$$

o no

$$0,405\overline{376} = 0,405376376376 \dots \quad \text{decimal periódico mixto}$$

# Expresión decimal de números racionales

\* **Teorema:** La expresión decimal de cualquier número racional es, o bien finita, o bien periódica (pura o mixta).

\* Ejemplos:

$$\frac{1}{6} = 0,16 \quad \frac{1}{7} = 0,\overline{142857} \quad \frac{2}{17} = 0,\overline{1176470588235294}$$

\* Expresión de un decimal periódico en forma de fracción: **fracción generatriz.**

\* Ejercicio: expresar en forma de fracción

a)  $2,\overline{37}$

b)  $2,\overline{375}$

# Observaciones finales

\* La expresión decimal de un número **no es única**.

a)  $0,23 = 0,23000$

b)  $1 = 0,9999 \dots = 0,\widehat{9}$

c)  $0,23 = 0,22\widehat{9}$